

**Lineare Algebra und analytische Geometrie  
WS 2007/08 Blatt 1 (Aufgaben 1.1 - 1.3)**

Abgabe vor der Vorlesung am 25.10.2007

---

**Aufgabe 1.1 (Mengen)**

Welche der folgenden Aussagen ist wahr, welche falsch? (Begründung)

- a)  $\emptyset \subset \{\emptyset\}$ .
- b) Für alle Mengen  $A$  gilt:  $\emptyset \in A$ .
- c) Für alle Mengen  $A$  gilt:  $\emptyset \subset A$ .
- d) Für alle Mengen  $A, B, C$  gilt:  $(A \cup B) \cap C = (A \cap C) \cup (B \cap C)$ .
- e) Für alle Mengen  $A, B$  gilt:  $(A - B) \cup (B - A) = A \cup B$ .
- f) Es gibt Mengen  $A, B$ , für die gilt:  $(A - B) \cup (B - A) = A \cup B$ .

(6 Punkte)

**Aufgabe 1.2 (Abbildungen)**

Seien  $f : X \rightarrow Y$  und  $g : Y \rightarrow Z$  Abbildungen. Beweise:

- a) Sind  $f$  und  $g$  injektiv, so ist auch  $g \circ f$  injektiv.
- b) Sind  $f$  und  $g$  surjektiv, so ist auch  $g \circ f$  surjektiv.
- c) Sind  $f$  und  $g$  bijektiv, so ist auch  $g \circ f$  bijektiv.
- d) Drücke im bijektiven Fall die Umkehrabbildung von  $g \circ f$  durch diejenigen von  $f$  und  $g$  aus.

(8 Punkte)

**Aufgabe 1.3 (Körperaxiome)**

- a) Warum ist die Menge  $\mathbb{N} = \{1, 2, 3, \dots\}$  der natürlichen Zahlen kein Körper?
- b) Warum ist die Menge  $\mathbb{Z}$  der ganzen Zahlen kein Körper?

Liste jeweils auf, welche der Körperaxiome verletzt bzw. erfüllt sind.

(6 Punkte)